

## 第8章：フィードバック制御系の設計法

8.3 位相進み・遅れ補償による制御系設計 [in situ]

キーワード：ループ整形、位相遅れ補償、

学習目標：位相遅れ補償による制御系設計を習得する。

### 位相遅れ補償

コントローラ

$$K(s) = K_2 \frac{\alpha_2(T_2 s + 1)}{\alpha_2 T_2 s + 1} \quad (\alpha_2 > 1)$$

定常特性の改善

$$+20 \log \alpha_2 \text{ [dB]} \\ (K(0) = \alpha_2 K_2, K(\infty) = K_2)$$

### ゲイン

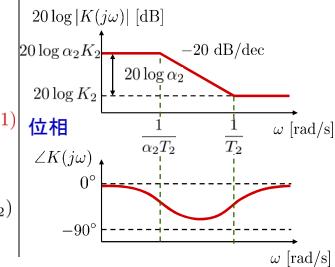
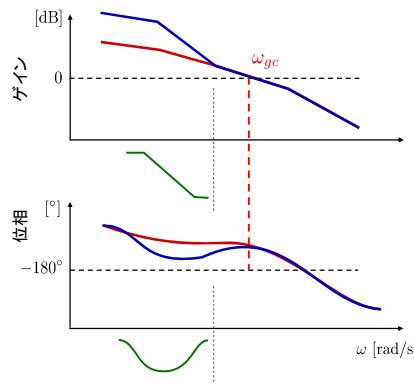


図8.10 位相遅れ補償のボード線図

[注] 位相遅れ：(安定性の劣化の原因)

➡ 折点角周波数  $1/T_2$  を適切に

2



### 位相遅れ補償とPI制御の違い

#### ゲイン

$20 \log |K_{PI}(j\omega)|$  [dB] 低周波で増加

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_P$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log \alpha_2 K_2$

$-20 \text{ dB/dec}$

$20 \log K_2$

[ステップ2] [ステップ1]の  $K_2$  を用いて開ループ伝達関数のボード線図を描き、その低周波ゲインを評価する。

開ループ伝達関数

$$L' = PK_2 = \frac{10}{s(s+1)(s+10)} \quad (K_2 = 1)$$

速度偏差定数

$$K'_v = \lim_{s \rightarrow 0} sL'(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{10}{(s+1)(s+10)} = 1$$

性能仕様は  $K_v \geq 10$

低周波ゲイン10倍以上必要

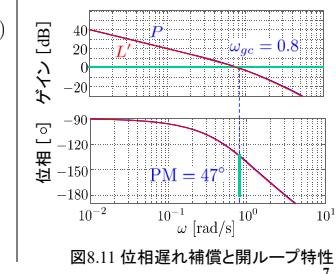


図8.11 位相遅れ補償と開ループ特性

[ステップ3] 低周波ゲインが  $+20 \log \alpha_2$  [dB] 上がることを考慮し、定常特性に関する仕様を満たすようにパラメータ  $\alpha_2$  の値を定める。

低周波ゲイン10倍で

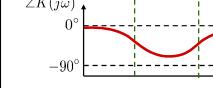
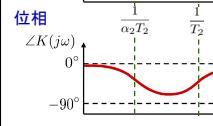
$$\text{速度偏差定数 } K_v = 10$$

ゲイン

$$20 \log \alpha_2 K_2 = 20 \log \alpha_2$$

$$20 \log \alpha_2 = -20 \text{ dB/dec}$$

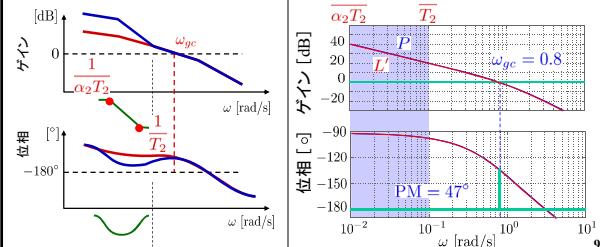
$$\alpha_2 T_2 = \frac{1}{T_2}$$



[ステップ4] 位相遅れにより安定性が劣化しないように、折点角周波数  $\omega = \frac{1}{T_2}$  をゲイン交差周波数より 1dec 程度下になるように選ぶ。もうひとつの折点角周波数を  $\omega = \frac{1}{\alpha_2 T_2}$  と定める。

$T_2 = 10(\omega = 0.1)$  と選べば、ゲイン交差周波数  $\omega_{gc}$  より十分に小さい。

$$\text{折点角周波数 } \frac{1}{\alpha_2 T_2} = 0.01, \frac{1}{T_2} = 0.1$$



[ステップ5] 以上で設計パラメータ  $K_2, \alpha_2, T_2$  が定められたので、位相遅れ補償を構成する。

位相遅れ補償

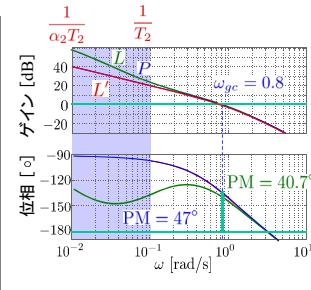
$$K(s) = K_2 \frac{\alpha_2(T_2 s + 1)}{\alpha_2 T_2 s + 1}$$

$$K_2 = 1, \alpha_2 = 10, T_2 = 10$$

$$K(s) = 1 \cdot \frac{10(10s + 1)}{10 \cdot 10s + 1} = \frac{s + 0.1}{s + 0.01}$$

$$\text{ゲイン交差周波数 } \omega_{gc} = 0.8$$

$$\text{位相余裕 } PM \geq 40^\circ$$



10

[CHECK]

性能仕様

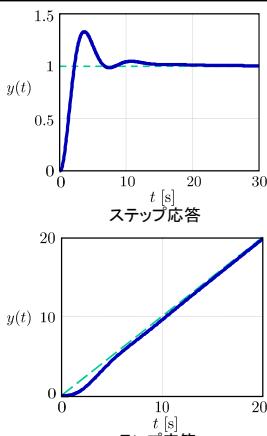
速度偏差定数(定常特性)  $K_v \geq 10$   
位相余裕(減衰特性)  $PM \geq 40^\circ$

$$L(s) = P(s)K(s) = \frac{10(s+0.1)}{s(s+0.01)(s+1)(s+10)}$$

$$K_v = \lim_{s \rightarrow 0} sL(s) = \frac{1}{0.1} = 10 \quad \text{OK}$$

$$PM \geq 40^\circ, \omega_{gc} \approx 0.8 \quad \text{OK}$$

ステップ応答、ランプ応答 OK



MATLAB演習

制御対象(モータ)

$$P(s) = \frac{10}{s(0.0933s + 1)}$$

性能仕様

速度偏差定数(定常特性)  $K_v \geq 20$   
位相余裕(減衰特性)  $PM \geq 40^\circ$

[ステップ1] file8\_1.m を実行

- $L(s) = P(s)K_2, (K_2 = 1)$  のゲイン交差周波数  $\omega_{gc}$ 、位相余裕 PM を求め、位相余裕が性能を満たすように  $K_2$  を設計せよ。
- 設計した  $K_2$  のときのゲイン交差周波数  $\omega_{gc}$ 、位相余裕 PM を求めよ。

file8\_1.m

```
% 入力
% K2 = 1; <-- 性能を満たすようにこの数字を変える
%
```

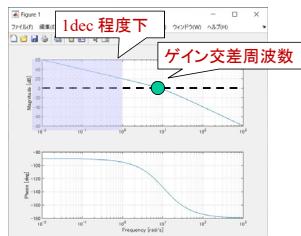
12

[ステップ2][ステップ3]

- 速度偏差定数を求めて、性能を満たすために必要なゲインを求めて、 $\alpha_2$ を答えよ。

[ステップ4]

- 折点角周波数  $\omega = \frac{1}{T_2}$  をゲイン交差周波数より 1dec 程度下になるようにするための  $T_2$  を答えよ。

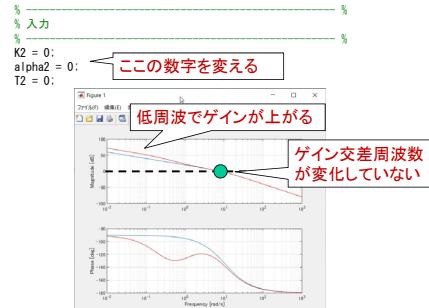


13

[ステップ5] file8\_2.m を実行

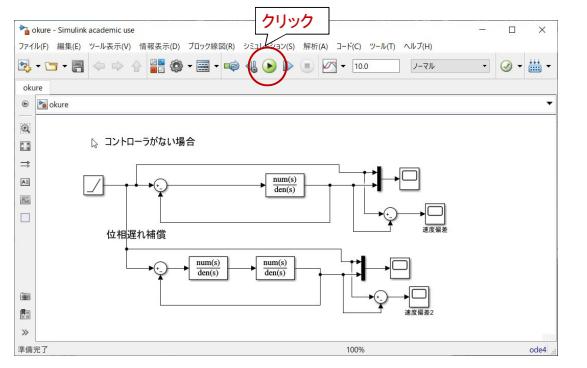
- 設計パラメータ  $K_2$ ,  $\alpha_2$ ,  $T_2$ を入れて、ゲイン交差周波数  $\omega_{gc}$ , 位相余裕 PM を求めよ。

file8\_2.m

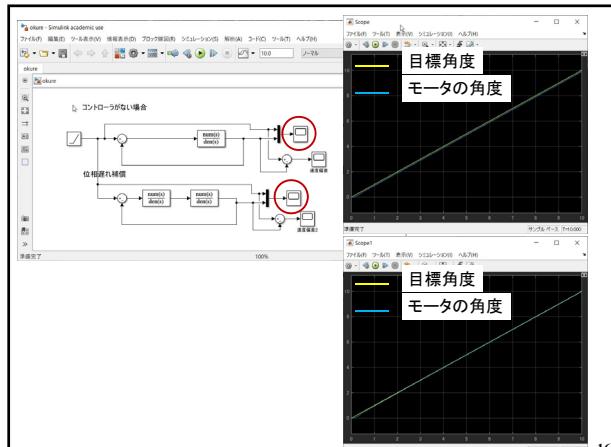


14

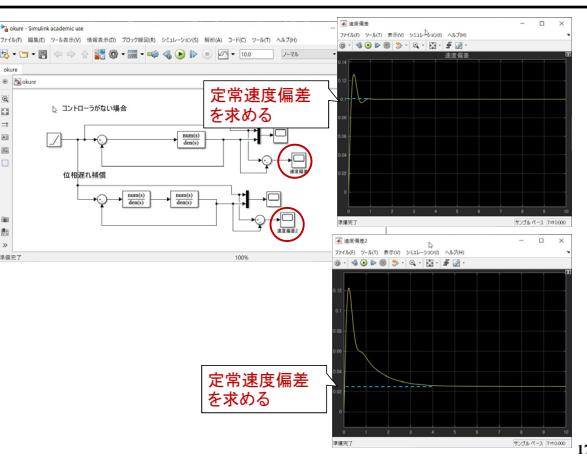
[CHECK] okure.mdl を開く



15



16



17

[図を描く]

dataplot.m を実行

第 8 章 : フィードバック制御系の設計法

8.3 位相進み-遅れ補償による制御系設計 [in situ]

キーワード : ループ整形, 位相遅れ補償,

学習目標 : 位相遅れ補償による制御系設計を習得する。