

第8章：フィードバック制御系の設計法

8.3 位相進み-遅れ補償による制御系設計 [in situ]

キーワード：ループ整形，位相遅れ補償，

学習目標：位相遅れ補償による制御系設計を習得する。

位相遅れ補償

コントローラ

$$K(s) = K_2 \frac{\alpha_2(T_2 s + 1)}{\alpha_2 T_2 s + 1} \quad (\alpha_2 > 1)$$

定常特性の改善

+ $20 \log \alpha_2$ [dB]

($K(0) = \alpha_2 K_2$, $K(\infty) = K_2$)

ゲイン

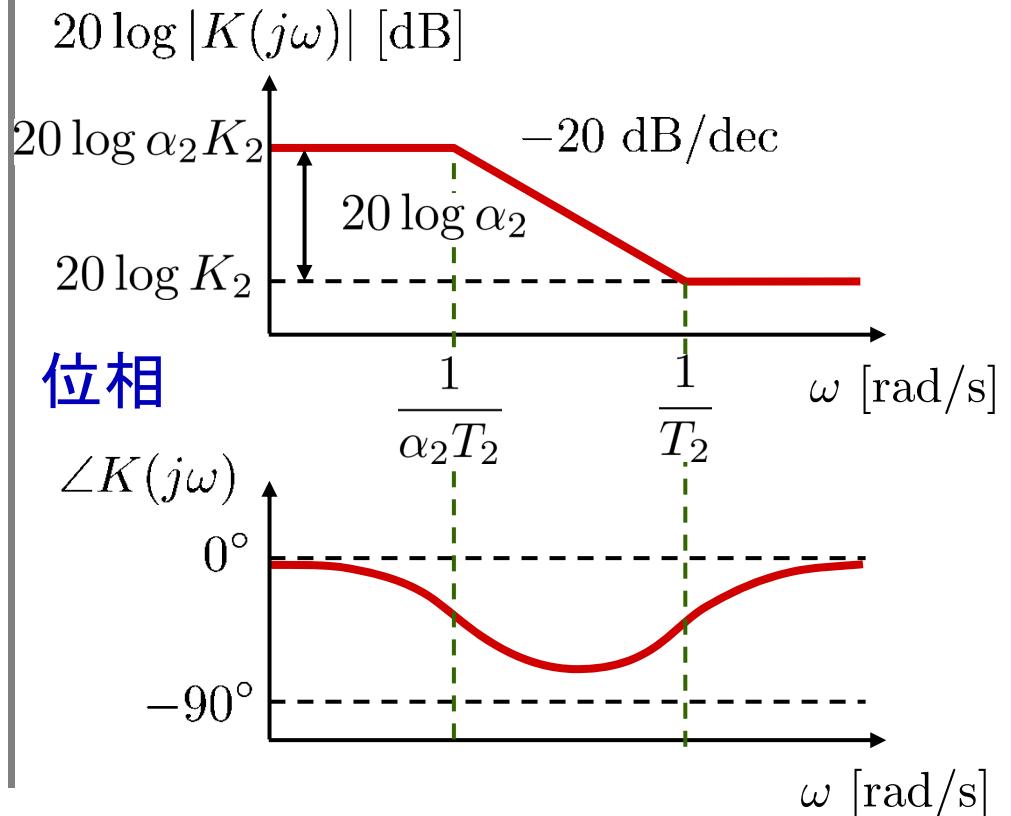
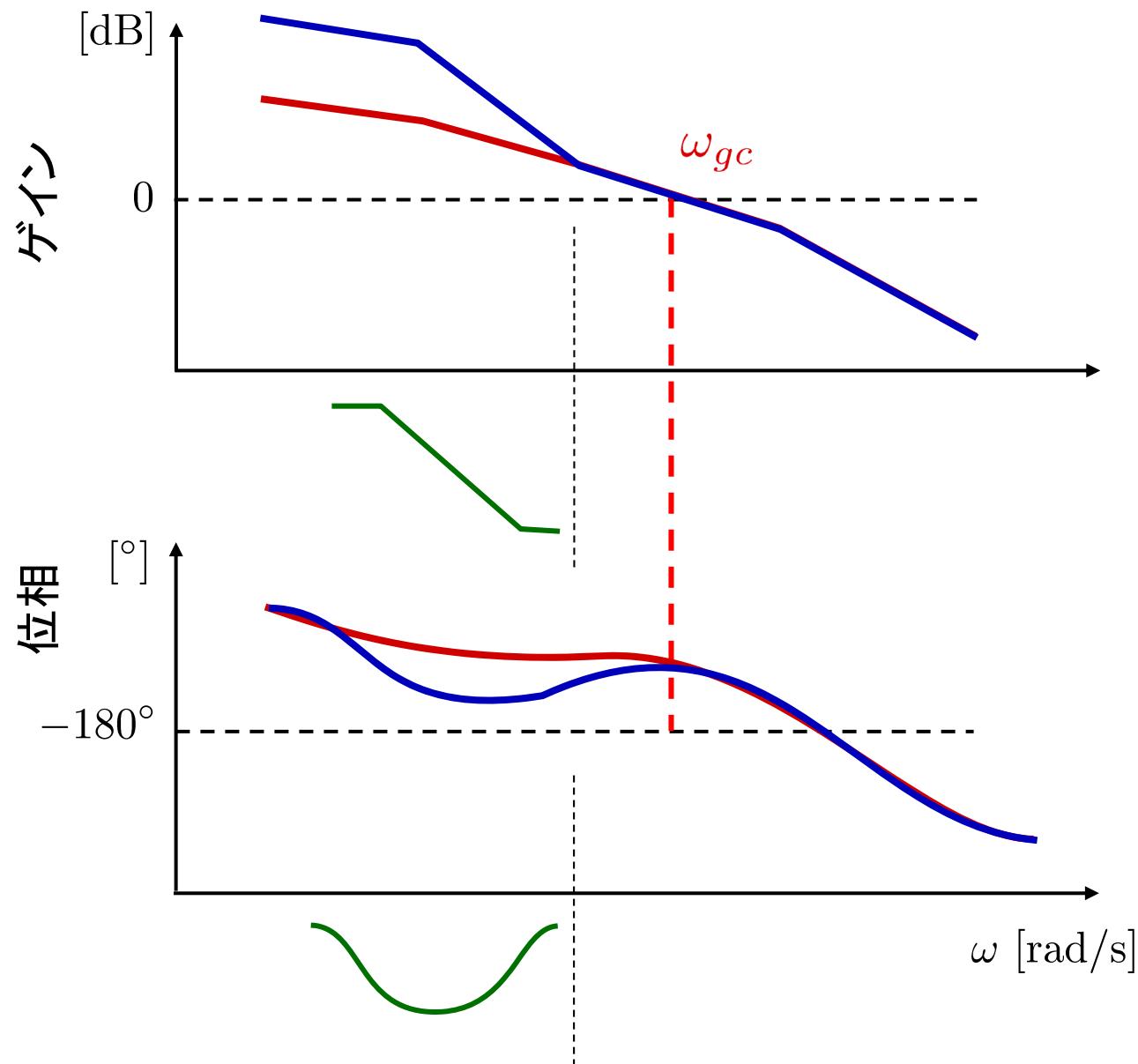


図8.10 位相遅れ補償のボード線図

[注] 位相遅れ:(安定性の劣化の原因)



折点角周波数 $1/T_2$ を適切に



位相遅れ補償とPI制御の違い

ゲイン

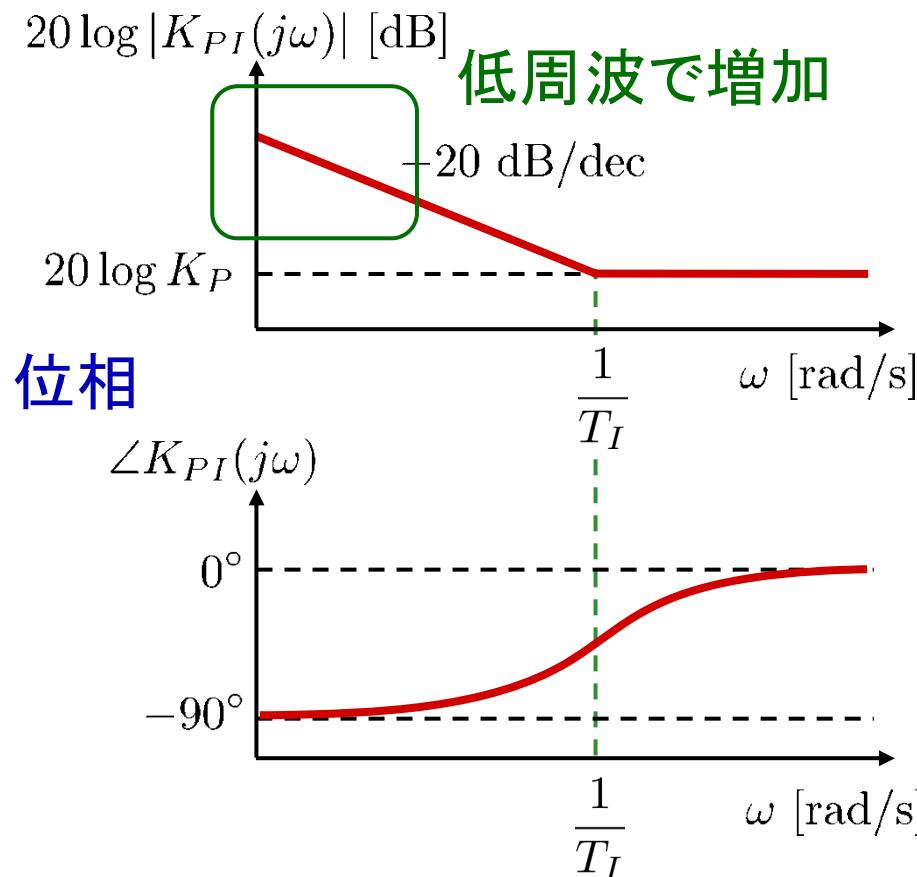


図8.3 PI 補償のボード線図

ゲイン

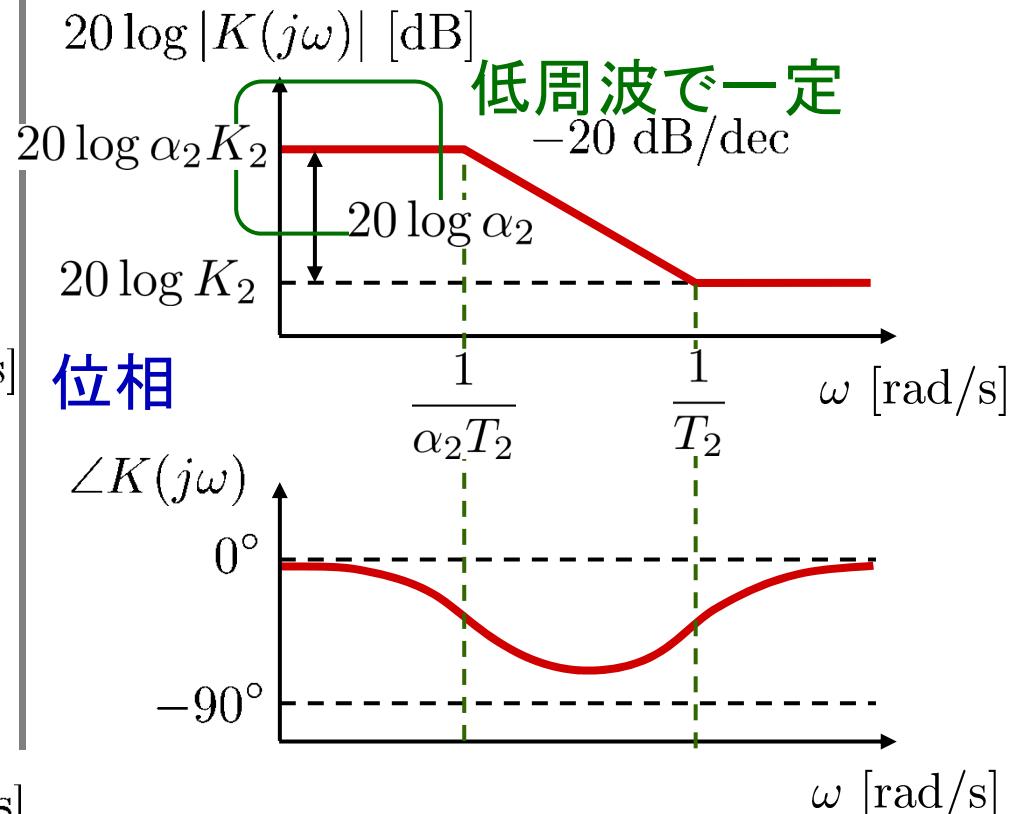


図8.10 位相遅れ補償のボード線図

位相遅れ補償の設計手順

- [ステップ1] 位相余裕やゲイン交差周波数に着目し, 望ましい過渡応答特性が得られるようにゲイン補償 K_2 を決める。
- [ステップ2] [ステップ1]の K_2 を用いて開ループ伝達関数のボード線図を描き, その低周波ゲインを評価する。
- [ステップ3] 低周波ゲインが $+20 \log \alpha_2$ [dB] 上がることを考慮し, 定常特性に関する仕様を満たすようにパラメータ α_2 の値を定める。
- [ステップ4] 位相遅れにより安定性が劣化しないように, 折点角周波数 $\omega = \frac{1}{T_2}$ をゲイン交差周波数より 1dec 程度下になるように選ぶ。もうひとつの折点角周波数を $\omega = \frac{1}{\alpha_2 T_2}$ と定める。
- [ステップ5] 以上で設計パラメータ K_2, α_2, T_2 が定められたので, 位相遅れ補償を構成する。

[例 8.3]

制御対象

$$P(s) = \frac{10}{s(s+1)(s+10)}$$

性能仕様

速度偏差定数(定常特性) $K_v \geq 10$
位相余裕(減衰特性) $PM \geq 40^\circ$

[ステップ1] 位相余裕やゲイン交差周波数に着目し、望ましい過渡応答特性が得られるようにゲイン補償 K_2 を決める。

ゲイン交差周波数

$$\omega_{gc} \approx 0.8 \text{ [rad/s]}$$

位相余裕

$$PM = 47^\circ$$

$PM \geq 40^\circ$ を満たす

OK

→ $K_2 = 1$

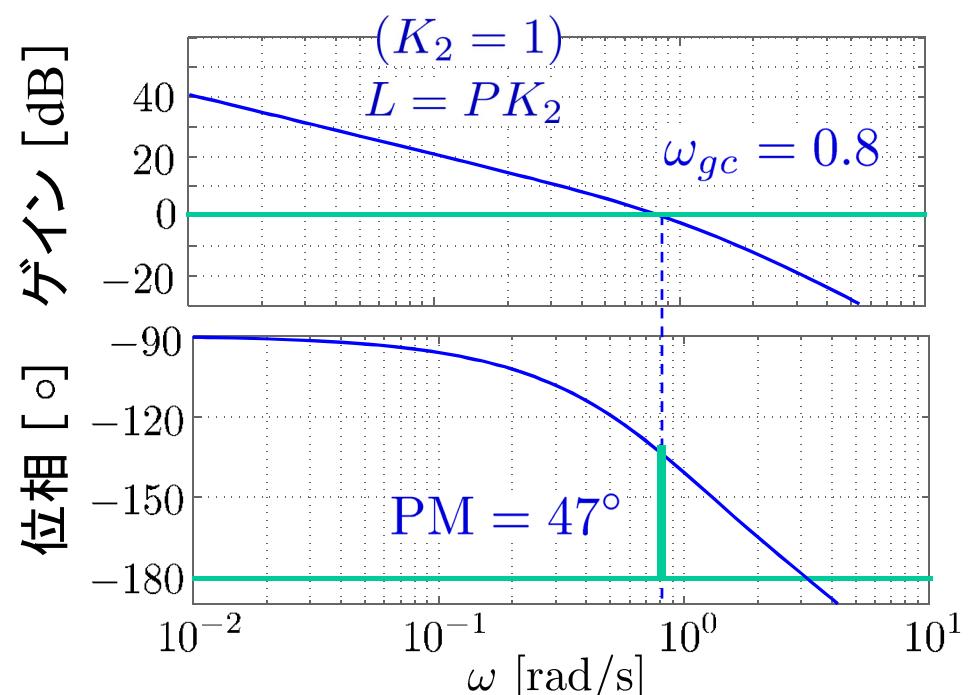


図8.11 位相遅れ補償と開ループ特性 6

[ステップ2] [ステップ1]の K_2 を用いて開ループ伝達関数の ボード線図を描き, その低周波ゲインを評価する。

開ループ伝達関数

$$L' = PK_2 = \frac{10}{s(s+1)(s+10)} \quad (K_2 = 1)$$

速度偏差定数

$$\begin{aligned} K'_v &= \lim_{s \rightarrow 0} sL'(s) \\ &= \lim_{s \rightarrow 0} \frac{10}{(s+1)(s+10)} = 1 \end{aligned}$$

性能仕様は $K_v \geq 10$

低周波ゲイン10倍以上必要

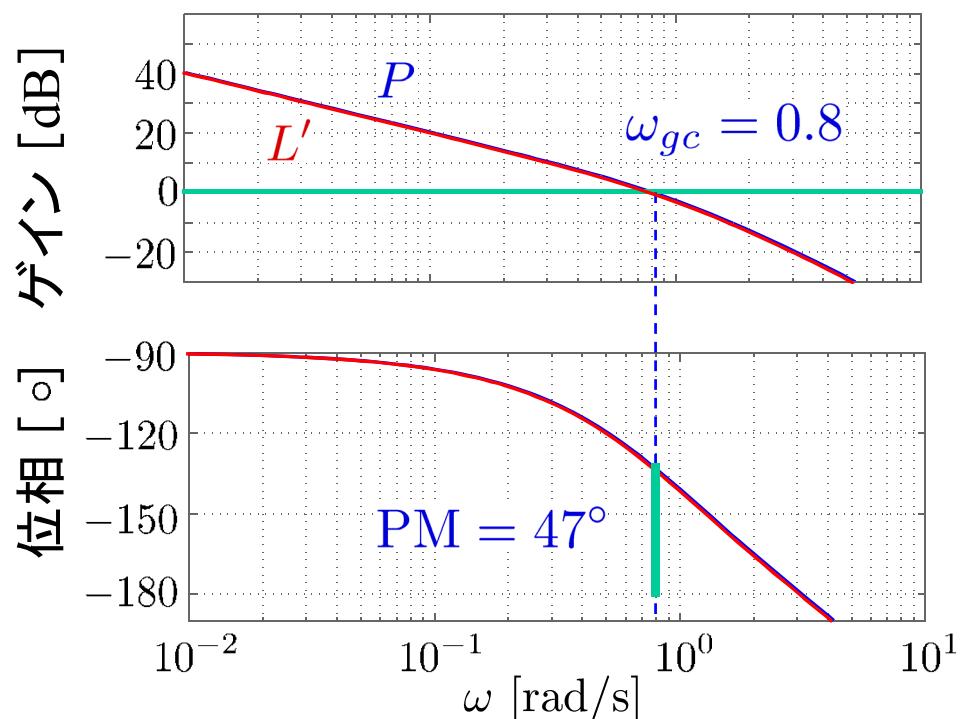
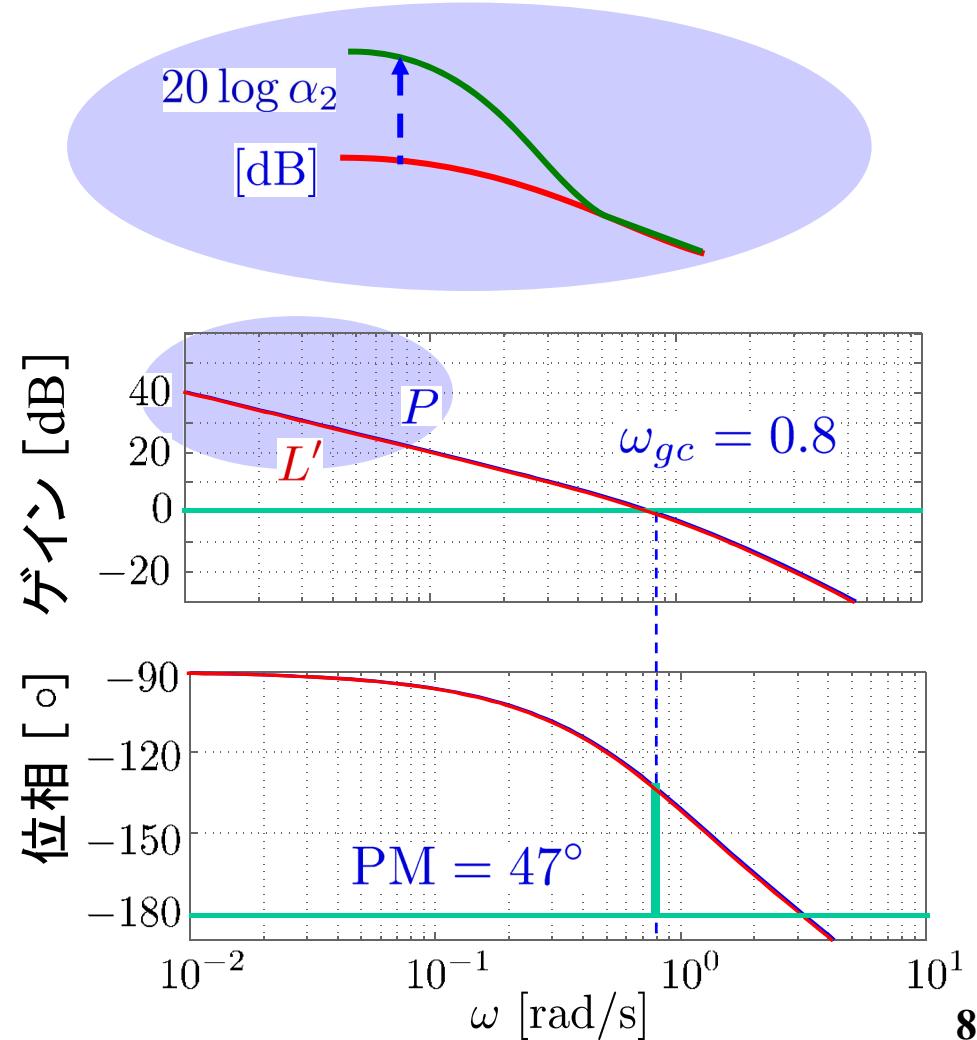
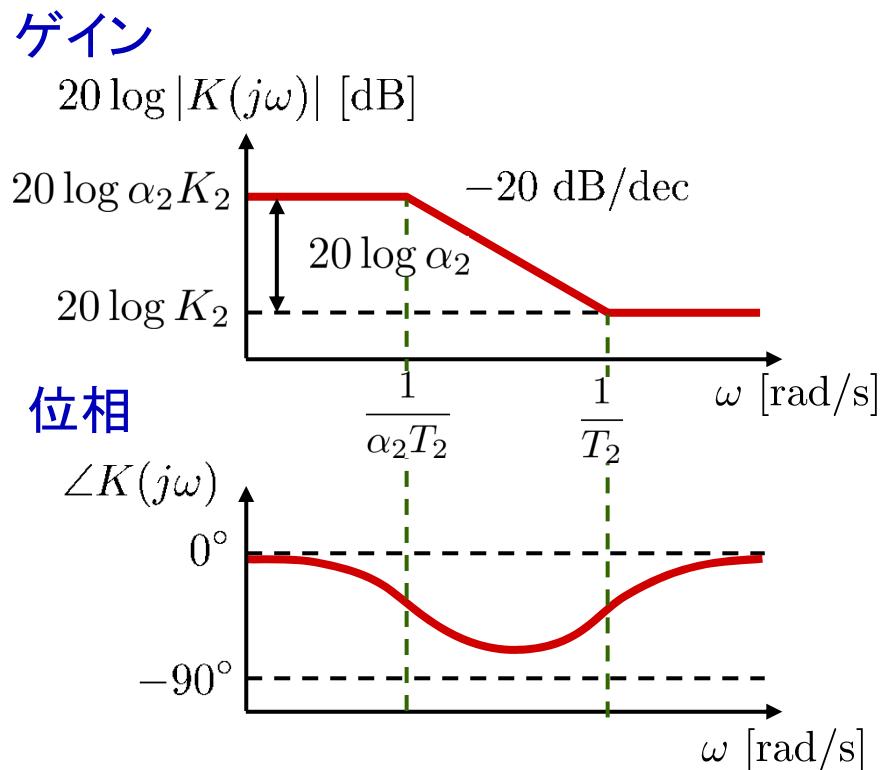


図8.11 位相遅れ補償と開ループ特性

[ステップ3] 低周波ゲインが $+20 \log \alpha_2$ [dB] 上がることを考慮し,
定常特性に関する仕様を満たすようにパラメータ α_2
の値を定める。

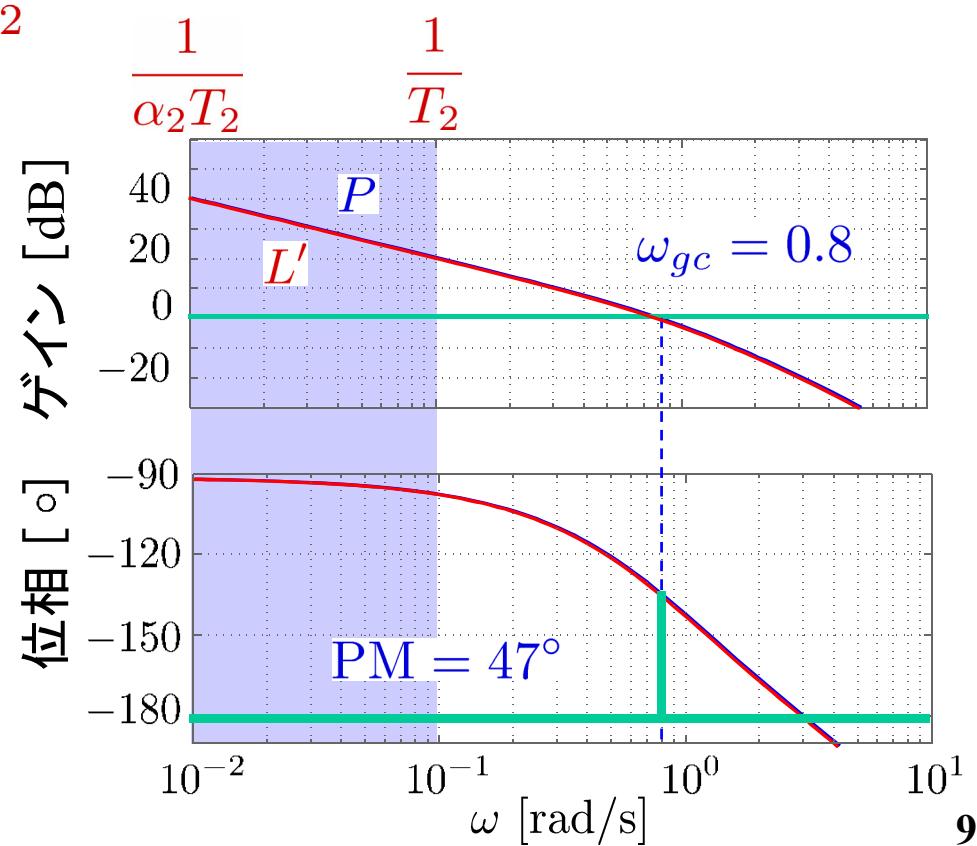
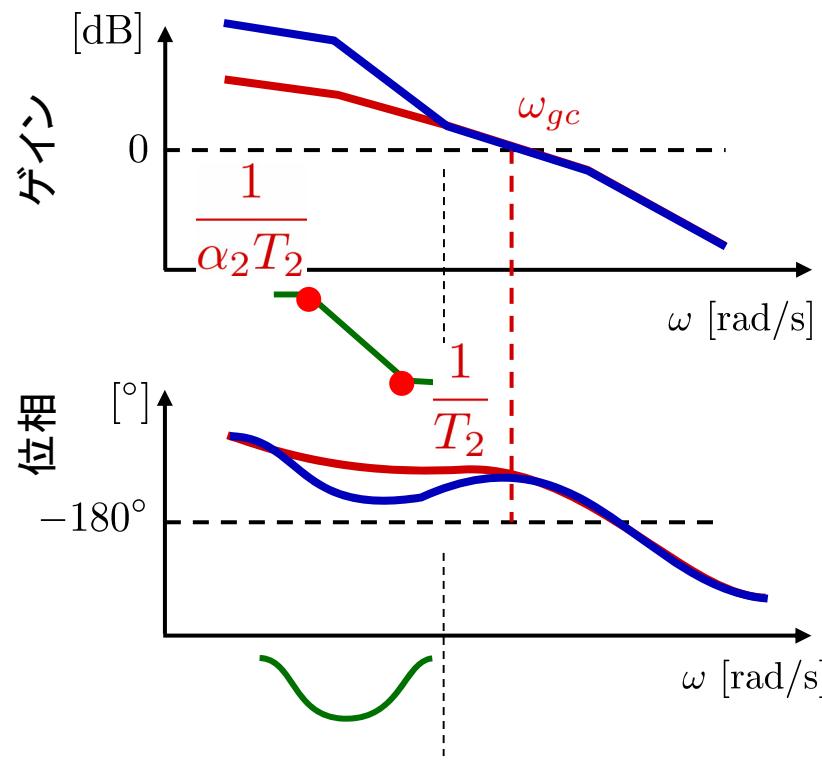
低周波ゲイン10倍で
速度偏差定数 $K_v = 10$
 $\rightarrow \alpha_2 = 10$



[ステップ4] 位相遅れにより安定性が劣化しないように、折点角周波数 $\omega = \frac{1}{T_2}$ をゲイン交差周波数より 1dec 程度下になるように選ぶ。もうひとつの折点角周波数を $\omega = \frac{1}{\alpha_2 T_2}$ と定める。

$T_2 = 10(\omega = 0.1)$ と選べば、ゲイン交差周波数 ω_{gc} より十分に小さい。

折点角周波数 $\frac{1}{\alpha_2 T_2} = 0.01, \frac{1}{T_2} = 0.1$



[ステップ5] 以上で設計パラメータ K_2 , α_2 , T_2 が定められたので、位相遅れ補償を構成する。

位相遅れ補償

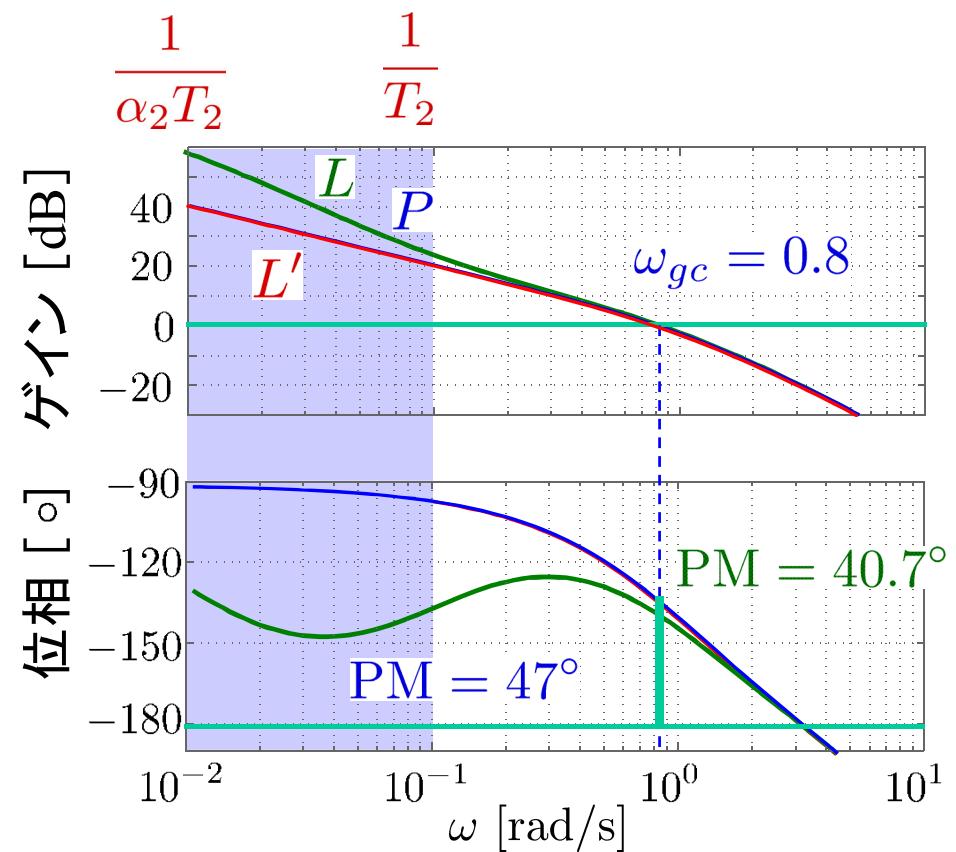
$$K(s) = K_2 \frac{\alpha_2(T_2 s + 1)}{\alpha_2 T_2 s + 1}$$

$$K_2 = 1, \alpha_2 = 10, T_2 = 10$$

$$\begin{aligned} K(s) &= 1 \cdot \frac{10(10s + 1)}{10 \cdot 10s + 1} \\ &= \frac{s + 0.1}{s + 0.01} \end{aligned}$$

ゲイン交差周波数 $\omega_{gc} = 0.8$

位相余裕 $PM \geq 40^\circ$



[CHECK]

性能仕様

速度偏差定数(定常特性) $K_v \geq 10$

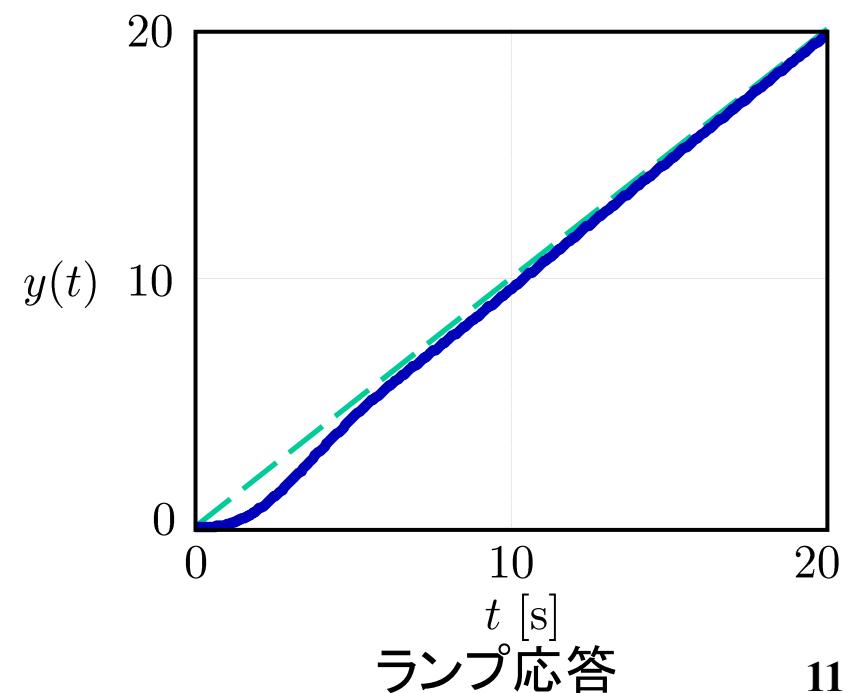
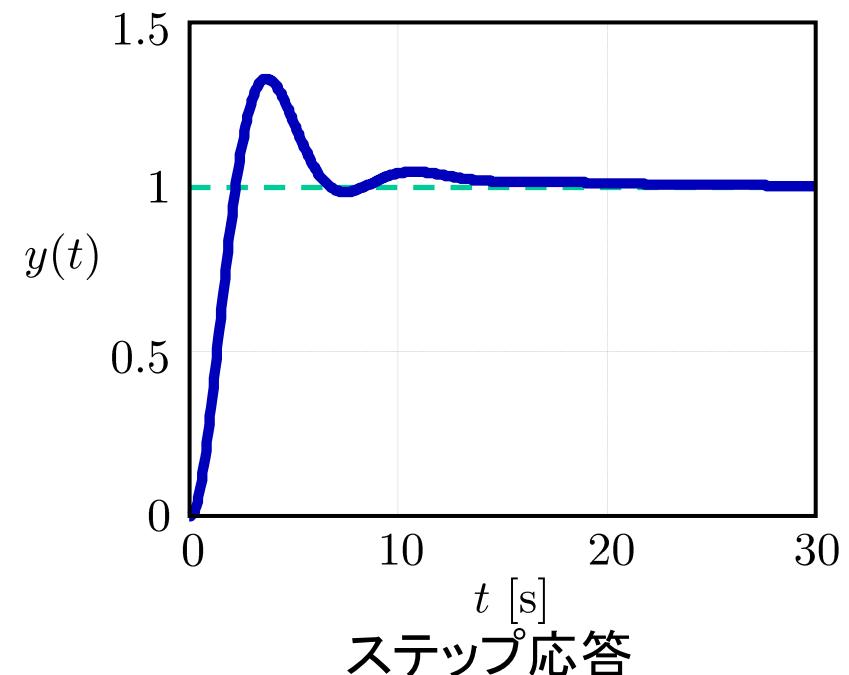
位相余裕(減衰特性) $PM \geq 40$

$$L(s) = P(s)K(s)$$
$$= \frac{10(s + 0.1)}{s(s + 0.01)(s + 1)(s + 10)}$$

$$K_v = \lim_{s \rightarrow 0} sL(s) = \frac{1}{0.1} = 10 \quad \text{OK}$$

$$PM \geq 40^\circ, \omega_{gc} \approx 0.8 \quad \text{OK}$$

ステップ応答, ランプ応答 **OK**



MATLAB演習

制御対象(モータ)

$$P(s) = \frac{10}{s(0.0933s + 1)}$$

性能仕様

速度偏差定数(定常特性) $K_v \geq 20$
位相余裕(減衰特性) $PM \geq 40^\circ$

[ステップ1] file8_1.m を実行

- $L(s) = P(s)K_2, (K_2 = 1)$ のゲイン交差周波数 ω_{gc} , 位相余裕 PMを求め, 位相余裕が性能を満たすように K_2 を設計せよ。
- 設計した K_2 のときのゲイン交差周波数 ω_{gc} , 位相余裕 PMを求めよ。

file8_1.m

```
% ----- %
% 入力 %
% ----- %
K2 = 1; % 性能を満たすようにここの数字
% ----- %
% ----- %
% ----- %
% ----- %
```

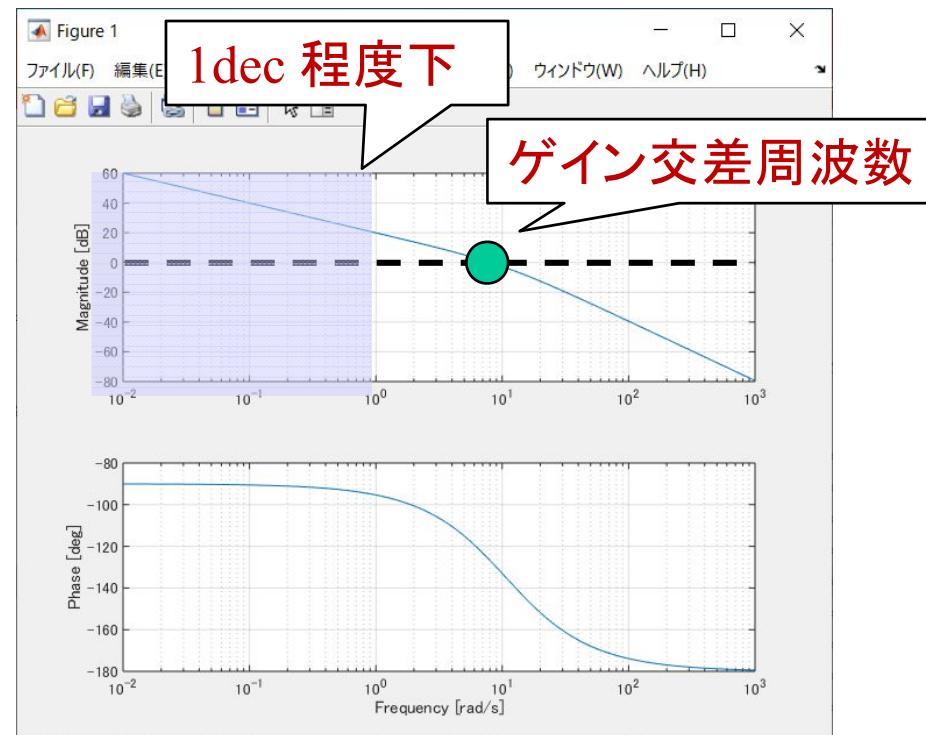
性能を満たすようにここの数字
を変える

[ステップ2][ステップ3]

- 速度偏差定数を求めて、性能を満たすために必要なゲインを求めて、 α_2 を答えよ。

[ステップ4]

- 折点角周波数 $\omega = \frac{1}{T_2}$ をゲイン交差周波数より 1dec 程度下になるようにするための T_2 を答えよ。



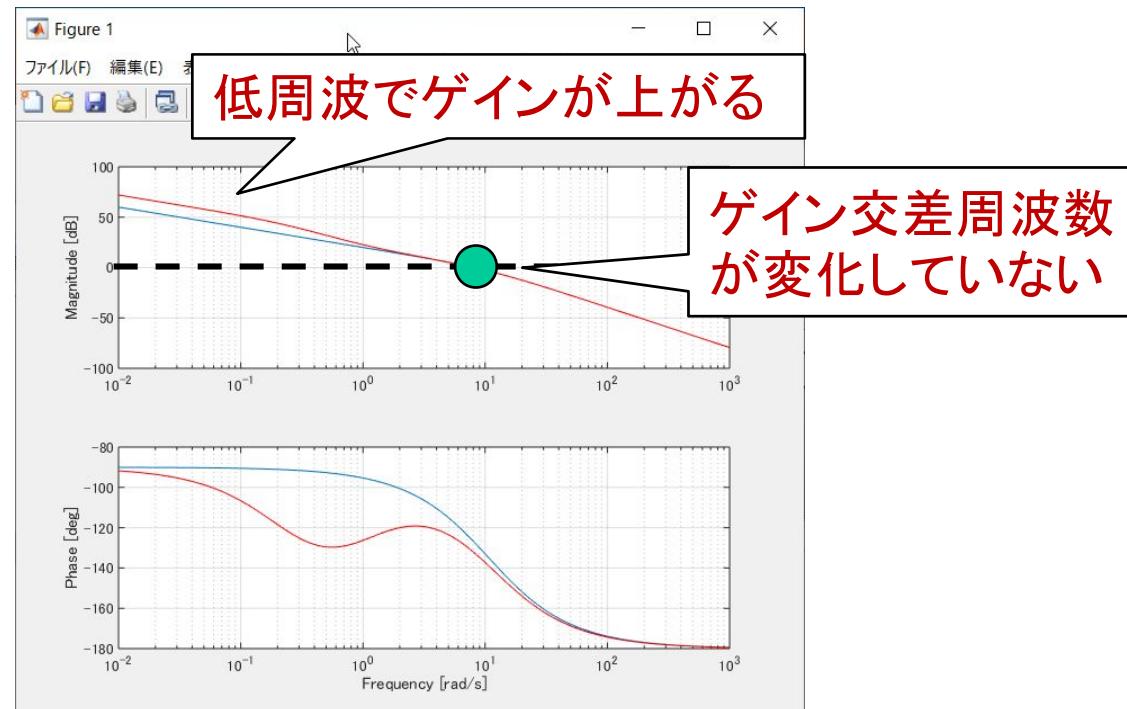
[ステップ5] file8_2.m を実行

- 設計パラメータ K_2 , α_2 , T_2 を入れて, ゲイン交差周波数 ω_{gc} , 位相余裕 PM を求めよ。

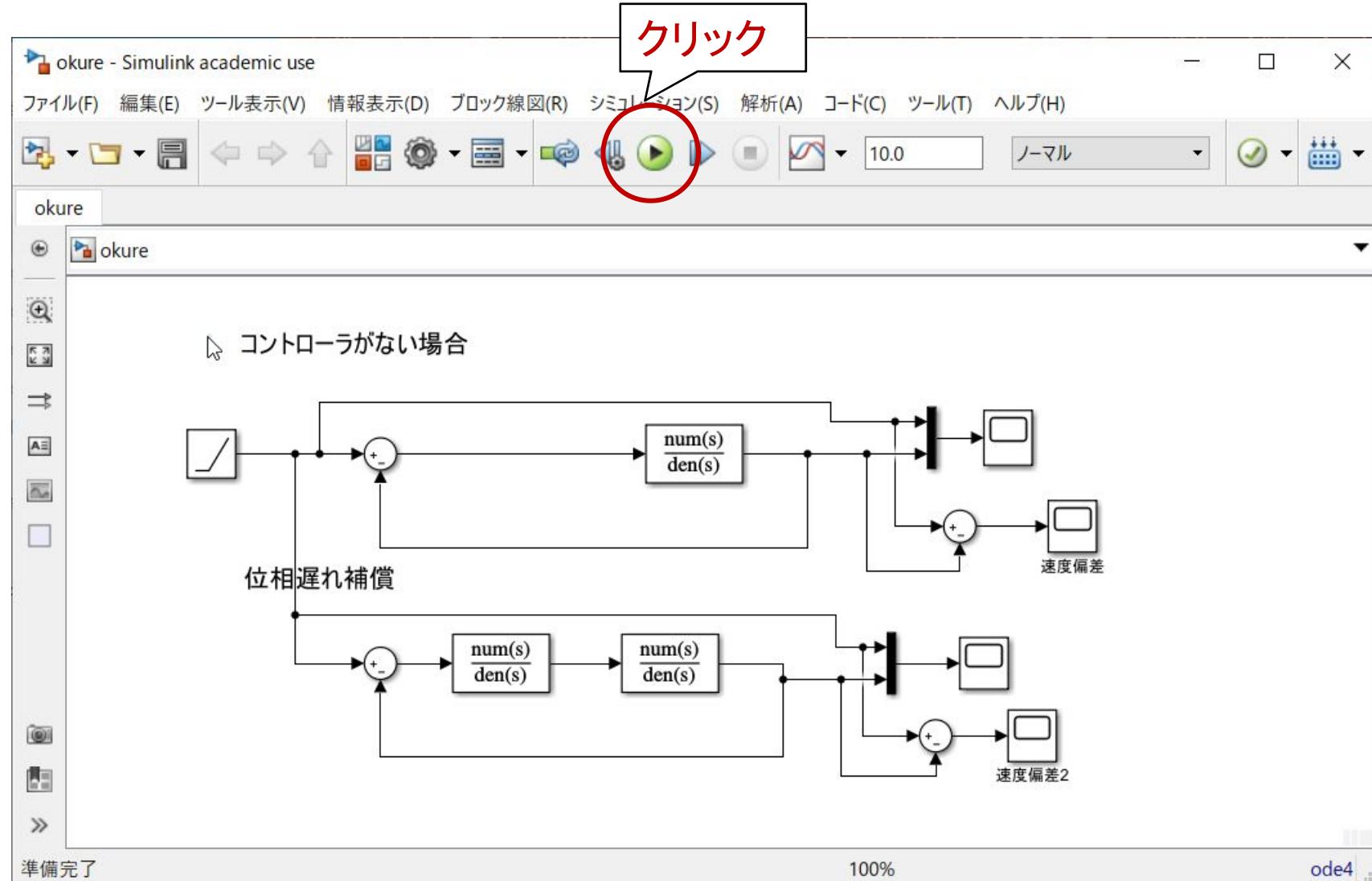
file8_2.m

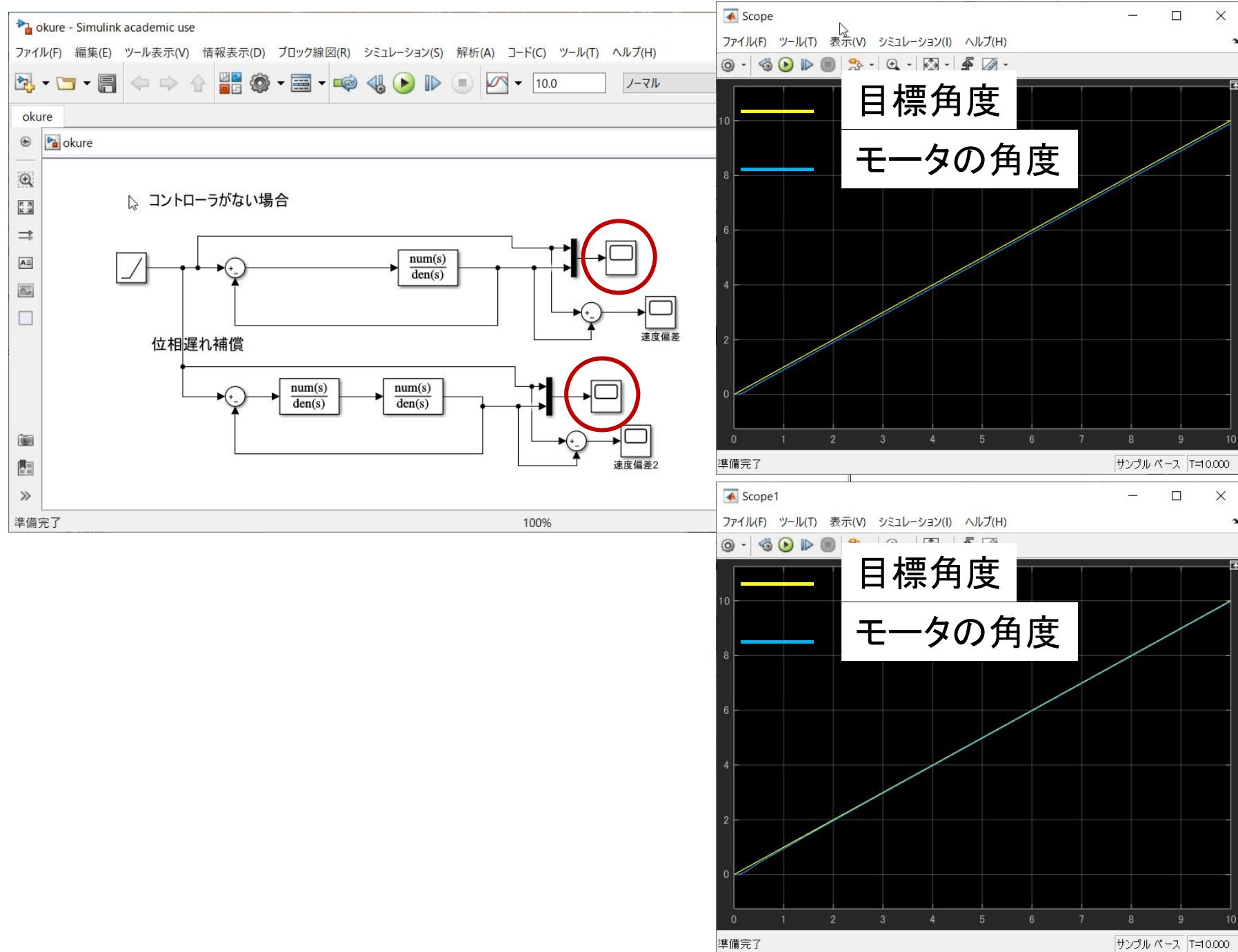
```
%  
% 入力  
%  
K2 = 0;  
alpha2 = 0;  
T2 = 0;
```

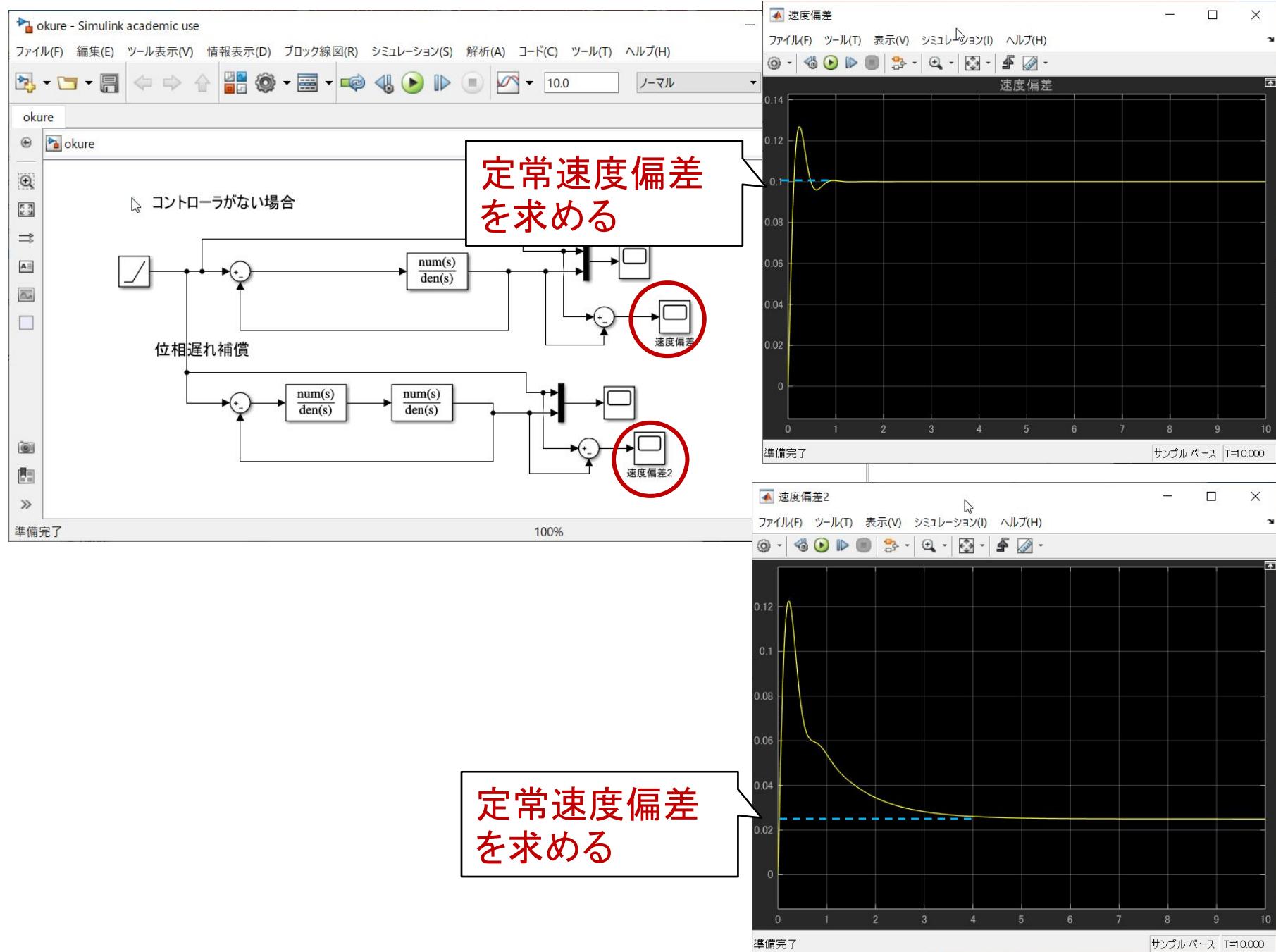
この数字を変える



[CHECK] okure.mdl を開く







[図を描く]

dataplot.m を実行

第8章：フィードバック制御系の設計法

8.3 位相進み-遅れ補償による制御系設計 [in situ]

キーワード：ループ整形，位相遅れ補償，

学習目標：位相遅れ補償による制御系設計を習得する。